



Robotika: Základy vidění

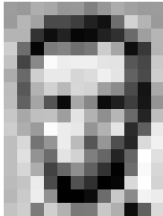
Vladimír Petřík

vladimir.petrik@cvut.cz

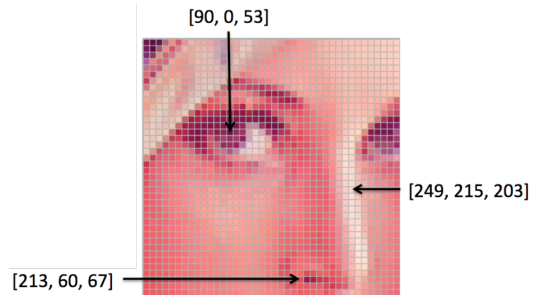
23.10.2023

Co je to obrázek?

- ▶ Kamera připojená k počítači vytváří obrázky
- ▶ Obrázek je pole čísel¹



187	180	174	168	162	156	150	144	138	132	126	120	114	108	102	197	193	174	168	162	156	150	144	138	132	126	120	114	108	102					
185	182	168	16	76	62	99	17	111	239	162	164	166	168	170	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168	168			
180	180	80	14	34	6	30	30	48	100	100	100	100	100	100	180	180	80	14	34	6	30	30	48	100	100	100	100	100	100	100	100			
204	199	8	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	204	199	8	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100			
164	88	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	164	88	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100		
172	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	172	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	100	
188	88	178	208	188	214	211	188	188	76	20	188	188	188	188	188	88	178	208	188	214	211	188	188	76	20	188	188	188	188	188	188	188	188	
188	87	188	84	188	188	184	11	21	62	22	188	188	188	188	188	87	188	84	188	188	184	11	21	62	22	188	188	188	188	188	188	188	188	
199	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	199	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188
208	178	188	188	208	203	188	178	208	40	188	208	208	208	208	208	178	188	188	208	203	188	178	208	40	188	208	208	208	208	208	208	208	208	208
188	218	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	218	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188
188	218	178	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	218	178	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188
187	188	208	76	8	87	8	8	217	208	211	188	188	188	188	187	188	208	76	8	87	8	8	217	208	211	188	188	188	188	188	188	188	188	188
188	208	207	188	8	8	14	188	208	208	208	188	188	188	188	188	208	207	188	8	8	14	188	208	208	208	188	188	188	188	188	188	188	188	188
188	208	208	207	177	188	188	208	178	188	188	188	188	188	188	188	208	208	207	177	188	188	208	178	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188	188

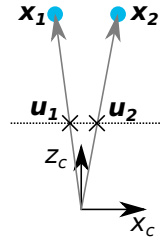
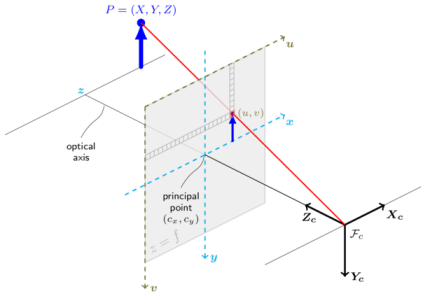


¹Obrázky jsou z: <https://ai.stanford.edu/~syyeung/cvweb/tutorial1.html>



Jak vzniká obraz?

- ▶ Perspektivní kamera
 - ▶ model dírkové kamery/středové promítání²
 - ▶ promítá prostorový bod x_c do obrazového bodu $u = (u \ v)^T$ průtnutím
 - ▶ obrazové roviny a
 - ▶ přímkou spojující x_c se středem projekce
 - ▶ všechny body na paprsku se promítají do stejného pixelu



²docs.opencv.org



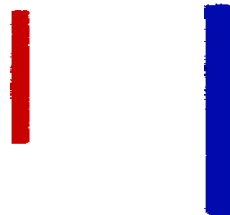
Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \ v_H \ w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \ v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$
- ▶ K je matice kamery
 - ▶ $K = \begin{pmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
 - ▶ Co představuje λ ?
 - ▶ λ je nenulové reálné číslo
 - ▶ pokud znáte hodnotu λ , můžete vypočítat kartézskou souřadnici $\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$
 $\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$
 - ▶ v opačném případě lze vypočítat pouze paprsek
 - ▶ jak zjistit K z bodů?



Co můžeme studovat na obrázcích?

- ▶ Segmentační masky (kde jsou objekty zájmu)
- ▶ Klasifikace objektů (označování)



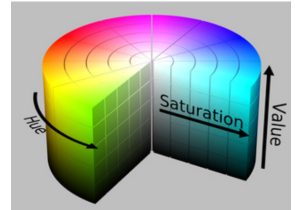
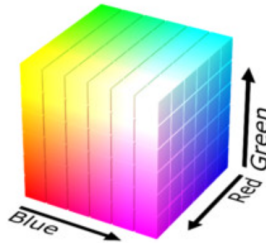
Segmentační masky - prahování barev

▶ Prahování

- ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) = (0 \ 255 \ 0)^T$?
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\tau_l < I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) < \tau_u$, pro všechny kanály
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\varphi_l < I_{\text{HSV}}(\mathbf{u}) < \varphi_u$, pro všechny kanály

▶ Následné zpracování

- ▶ výpočet spojených komponent
- ▶ odstranit malé nebo deformované segmenty
- ▶ přiřadit označení na základě prahových hodnot

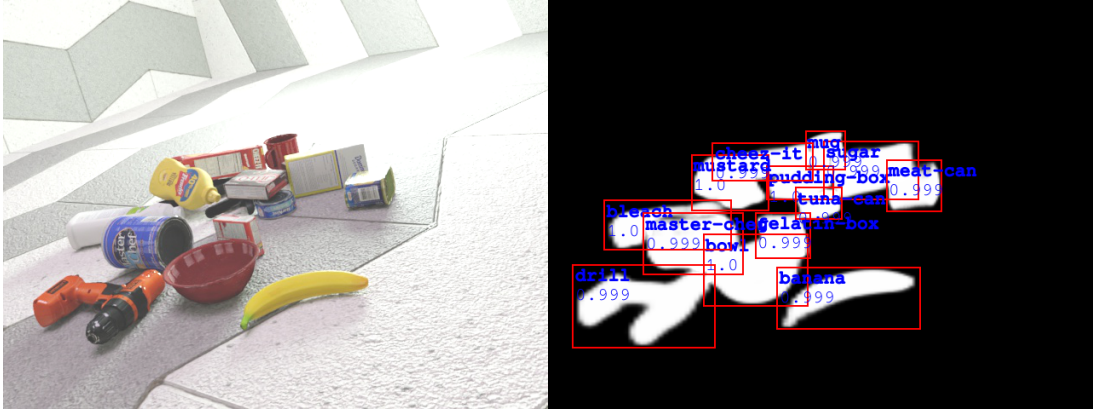


Segmentační masky pro známé 3D objekty

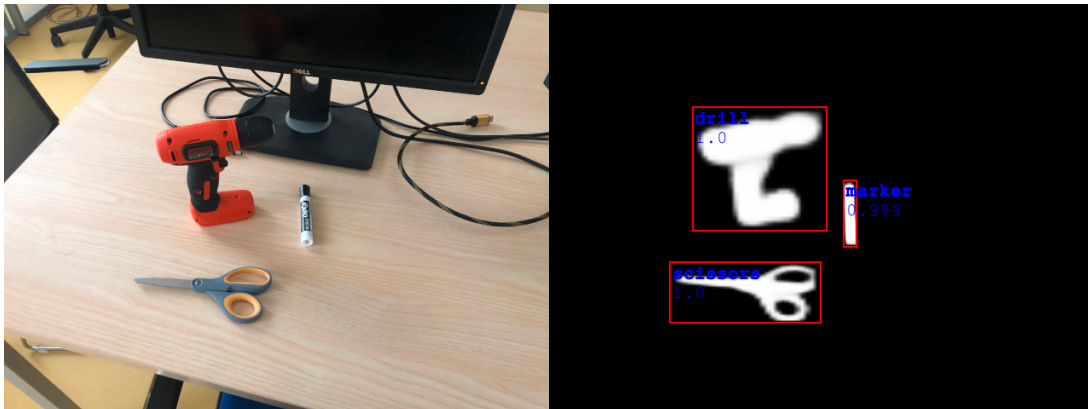
- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)
- ▶ Trénovací vstupy:
 - ▶ datová sada obrázků, masek a štítků nebo
 - ▶ datová sada známých 3D objektů (mesh)
 - ▶ kvalita závisí na trénovacích datech (augmentace)
- ▶ Inference:
 - ▶ Vstup: obrázek
 - ▶ Výstup: segmentační maska, ohraničující rámeček, označení a konfidence



Mask R-CNN výsledky



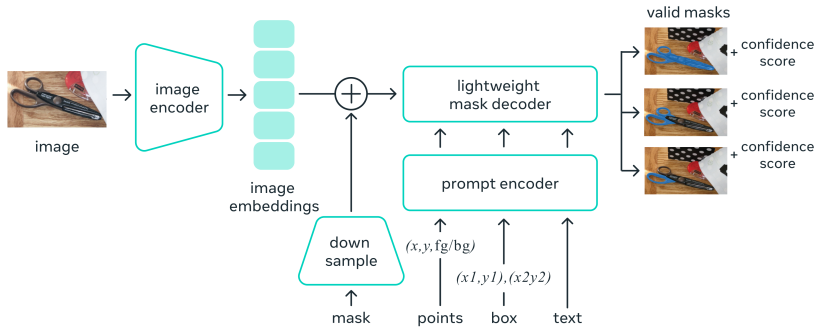
Mask R-CNN výsledky



Segmentační masky bez pretrénování

- ▶ Segment Anything Model (SAM)
 - ▶ segmentace libovolného objektu na libovolném snímku jediným kliknutím
 - ▶ datová sada 10 milionů obrázků, 1 miliarda masek

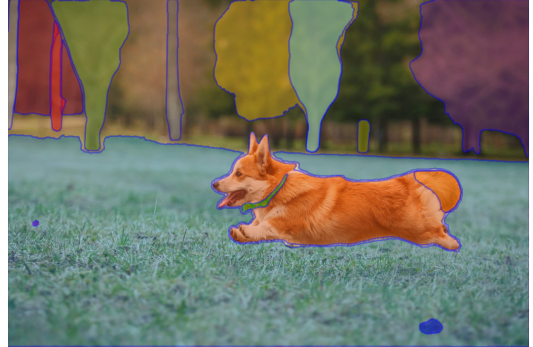
Universal segmentation model



SAM výsledky



SAM výsledky



Segmentace

- ▶ Segmentace nalezne objekty v obraze
 - ▶ segmentační maska
 - ▶ bounding box (ohraničující rámeček)
 - ▶ label (označení)
 - ▶ skóre důvěryhodnosti/konfidence
- ▶ Informace pouze v obrazovém prostoru
- ▶ Jak používat v prostoru robota?



Externí kamera

- ▶ Předpokládáme kameru pevně připevněnou k referenčnímu rámci
 - ▶ pokud známe K a T_{RC} , jak promítnout body x_R do obrazu?
- ▶ Neznámé K a T_{RC} a planární problém
 - ▶ např. kostky se stejnou výškou na stole
 - ▶ jaká je poloha kostky na 2D stole vzhledem k 2D souřadnicím obrazu/pixelů?
 - ▶ analyzováno pomocí **homografie**

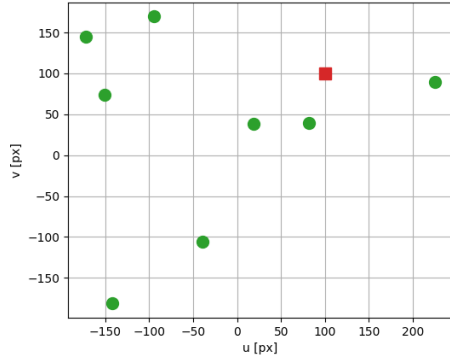
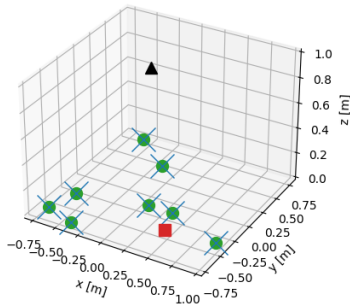


Homografie

- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)
- ▶ $s \begin{pmatrix} x & y & 1 \end{pmatrix}^\top = H \begin{pmatrix} u & v & 1 \end{pmatrix}^\top$
 - ▶ x, y jsou souřadnice v první rovině
 - ▶ u, v jsou souřadnice ve druhé rovině
- ▶ 9 prvků, ale pouze 8 DoF, obvykle se přidává omezení $h_{33} = 1$
- ▶ Jak najít H ?
 - ▶ $H, _ = \text{cv2.findHomography}(U, X)$
 - ▶ U, X jsou $N \times 2$ korespondenční body
 - ▶ např. ručně změříme
 - ▶ poloha středu krychle vůči rohu stolu
 - ▶ pozice středu krychle v obrázku



Příklad homografie



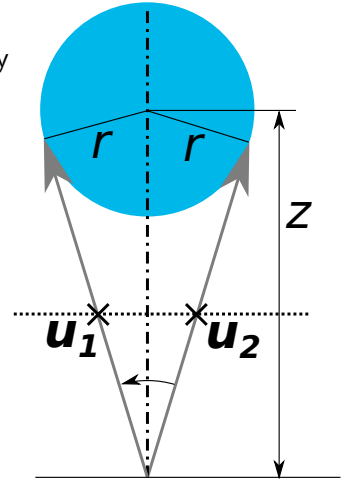
Neplanární odhad polohy/orientace

- ▶ Homografie mapuje pouze rovinu na rovinu
- ▶ Obecnější odhad polohy objektu ve s.s **kamery**
 - ▶ získání hloubky mapováním z plochy v pixelech na hloubku pro objekty pevné velikosti
 - ▶ získání hloubky pomocí dodatečných informací o scéně, např. známá velikost/model objektu
 - ▶ RGBD kamera
 - ▶ dodatečné značky (markery)



Využití znalostí o velikosti

- ▶ Víme, že poloměr je fixní
- ▶ Z detekovaných pixelů $\mathbf{u}_1, \mathbf{u}_2$, můžeme vypočítat paprsky $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2$: $\frac{1}{\lambda_i} \mathbf{x}_i = K^{-1} \mathbf{u}_i$
- ▶ Úhel mezi vektory: $\cos \alpha = \frac{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2} \mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{x}_2}{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2} \|\mathbf{x}_1\| \|\mathbf{x}_2\|}$
- ▶ Hloubka: $z = \frac{r}{\sin(\alpha/2)}$



Použití hloubkového senzoru

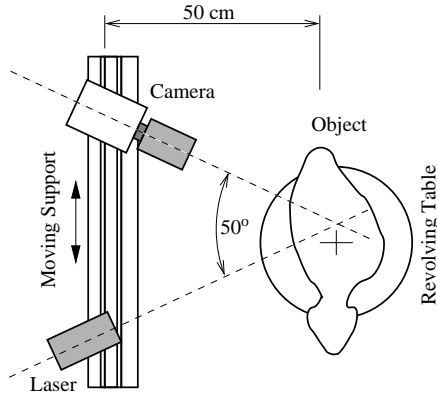
▶ RGBD senzory

- ▶ RGB obrázek ($H \times W \times 3$)
- ▶ Hloubková mapa ($H \times W \times 1$), vzdálenost v metrech pro každý pixel
- ▶ Strukturované mračno bodů ($H \times W \times 3$), $(x_c \ y_c \ z_c)$ pro každý pixel



Jak funguje hloubkový senzor

- ▶ Laser promítá vzor a kamera ho rozpozná
- ▶ Informace o hloubce se vypočítá pomocí triangulace



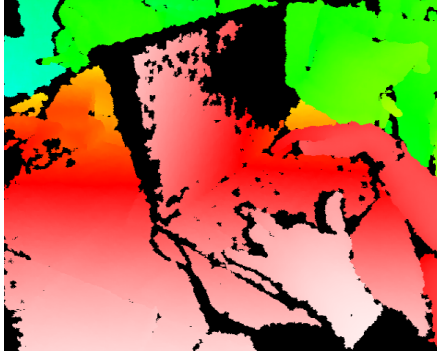
2D hloubkové senzory

- ▶ Na základě strukturovaného světla
- ▶ Projektuje 2D infračervené vzory
- ▶ Jeden projektor a dvě kamery (RGB + IR)



Problémy se snímači hloubky

- ▶ Rekonstrukce hloubky není dokonalá (černé oblasti na snímku³)
- ▶ V jazyce python reprezentováno hodnotou NaN
- ▶ Ne každý pixel v RGB má rekonstruovanou hodnotu hloubky
- ▶ Data RGB a hloubky nejsou zarovnána (je třeba je kalibrovat)

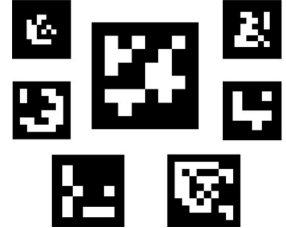
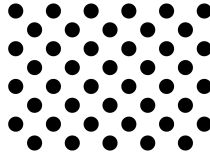
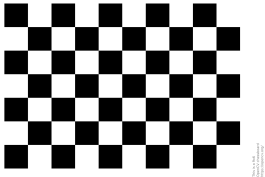


³<https://commons.wikimedia.org>, User:Kolossos



Dodatečné značky

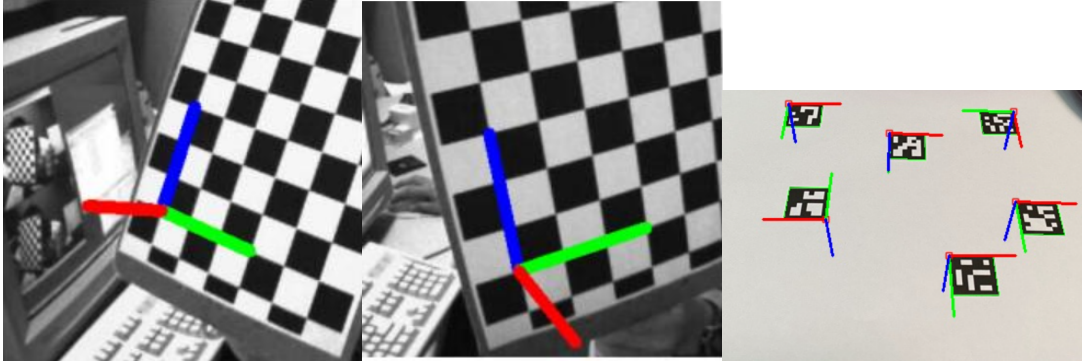
- ▶ Můžeme vypočítat polohu/orientaci obrazců⁴?
 - ▶ je třeba znát velikost a strukturu
 - ▶ subpixelová přesnost
 - ▶ musí být zcela viditelný
- ▶ Můžeme vypočítat polohu značek ArUco?
 - ▶ méně přesné než pravidelné obrazce
 - ▶ poskytuje identifikátor značky a pózu
 - ▶ musí být zcela viditelný



⁴docs.opencv.org

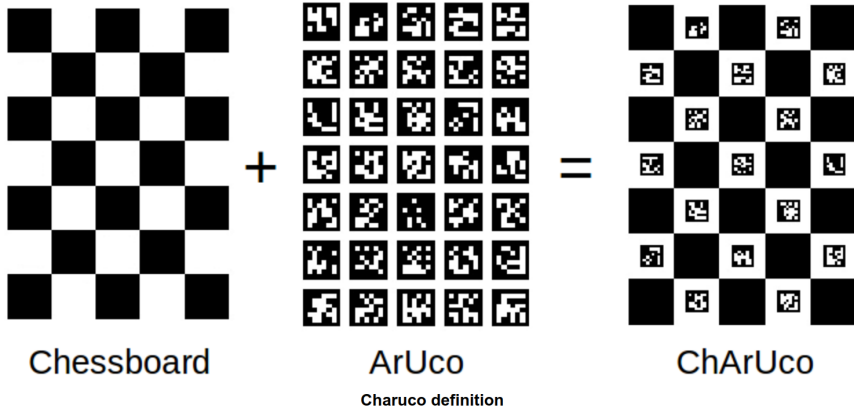


Příklad umístění značek



ChArUco deska pro kalibraci

- ▶ Kombinuje přesnost pravidelného vzoru s detekcí ArUco
- ▶ Detekce dílčích částí / částečná viditelnost



Odhad matice kamery pomocí kalibračních desek

- ▶ Můžeme odhadnout matici kamery z korespondencí v obrazovém a prostorovém prostoru
 - ▶ nasbíráme snímky tabule z různých pohledů
 - ▶ detekujeme desky
 - ▶ vypočítáme korespondence mezi obrazovými body a body s.s. tabule
 - ▶ `_, K, dist_coeffs, rvecs, tvecs = cv2.calibrateCamera(obj_points, img_points, img_shape)`
- ▶ Kromě toho získáme
 - ▶ koeficienty zkreslení, které kompenzují vady objektivu
`Knew, roi = cv.getOptimalNewCameraMatrix(K, dist_coeffs, img_shape, 1, img_shape)`
`img_undistorted = cv.undistort(img, K, dist_coeffs, None, Knew)`
 - ▶ $SE(3)$ pozice desek v s.s. kamery



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco
- ▶ Kde je robot?
 - ▶ homografie odhaduje polohy objektů vzhledem k s.s. rovině
 - ▶ ostatní metody odhadují polohy v s.s. kamery
 - ▶ potřebujeme odhadnout/kalibrovat T_{RC}



Kalibrace RukaOko (HandEye)

- ▶ Kamera může být namontována na
 - ▶ základně robota (kalibrace oko-ruka, eye-to-hand)
 - ▶ chapadle (kalibrace oko-v-ruce, eye-in-hand)
- ▶ Řešíme $A^i X = Y B^i$
 - ▶ měření: $A^i, B^i \in SE(3)$
 - ▶ odhadnuté parametry: $X, Y \in SE(3)$
- ▶ $X, Y = \text{calibrateRobotWorldHandEye}(A, B)$
- ▶ Kalibrace oko-ruka, eye-to-hand
 - ▶ $A^i = T_{RG}^i$
 - ▶ $B^i = T_{CT}^i$
 - ▶ $X = T_{GT}$
 - ▶ $Y = T_{RC}$
- ▶ Kalibrace oko-v-ruce, eye-in-hand
 - ▶ $A^i = T_{CT}^i$
 - ▶ $B^i = T_{GR}^i$
 - ▶ $X = T_{TR}$
 - ▶ $Y = T_{CG}$



Shrnutí

- ▶ Reprezentace obrázku
- ▶ Promítání do/z obrazu
- ▶ Segmentace v obrazovém prostoru
- ▶ Homografie
- ▶ Odhad polohy z obrazu
- ▶ Kalibrace kamery



- ▶ Tento týden žádný nový domácí úkol
- ▶ Odhad homografie na příkladu v Pythonu/OpenCV
- ▶ Kalibrace oko-ruka na příkladu v Pythonu/OpenCV

