



Robotika: Základy vidění

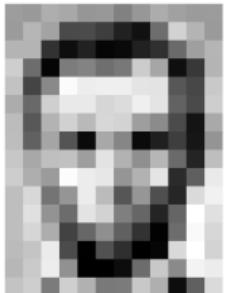
Vladimír Petrík

vladimir.petrik@cvut.cz

21.10.2023

Co je to obrázek?

- ▶ Kamera připojená k počítači vytváří obrázky
- ▶ Obrázek je pole čísel¹



167	153	174	168	150	142	120	151	172	143	155	156	
186	182	163	74	75	43	99	17	110	210	180	164	
180	183	61	34	34	6	10	33	48	108	159	161	
204	159	159	6	138	131	111	125	204	144	11	66	180
154	68	137	181	237	239	239	238	237	87	71	201	
172	156	207	288	239	214	230	239	239	91	14	206	
188	80	176	209	185	218	211	158	139	75	20	169	
148	97	144	34	15	148	134	11	31	62	22	148	
198	186	191	183	150	237	170	143	182	106	34	190	
204	174	184	281	236	231	149	176	238	49	95	234	
160	216	116	140	236	187	89	150	79	38	218	241	
166	224	147	186	237	210	177	131	56	109	256	224	
166	214	173	56	103	143	56	56	2	106	249	215	
187	196	236	73	1	81	47	0	6	277	231	211	
183	202	237	145	6	6	12	108	108	136	243	236	
196	206	129	297	177	121	120	206	175	19	80	218	

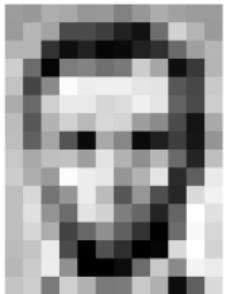


167	163	174	168	150	142	120	151	172	143	155	156	
186	182	163	74	75	43	99	17	110	210	180	164	
180	183	61	34	34	6	10	33	48	108	159	161	
204	159	159	6	138	131	111	125	204	144	11	66	180
154	68	137	181	237	239	239	238	237	87	71	201	
172	156	207	288	239	214	230	239	239	91	14	206	
188	80	176	209	185	218	211	158	139	75	20	169	
148	97	144	34	15	148	134	11	31	62	22	148	
198	186	191	183	150	237	170	143	182	106	34	190	
204	174	184	281	236	231	149	176	238	49	95	234	
160	216	116	140	236	187	89	150	79	38	218	241	
166	224	147	186	237	210	177	131	56	109	256	224	
166	214	173	56	103	143	56	56	2	106	249	215	
187	196	236	73	1	81	47	0	6	277	231	211	
183	202	237	145	6	6	12	108	108	136	243	236	
196	206	129	297	177	121	120	206	175	19	80	218	

¹Obrázky jsou z: <https://ai.stanford.edu/~syyeung/cvweb/tutorial1.html>

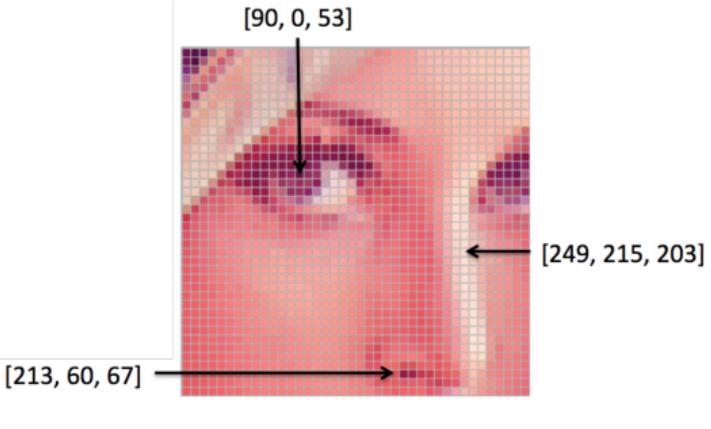
Co je to obrázek?

- ▶ Kamera připojená k počítači vytváří obrázky
- ▶ Obrázek je pole čísel¹



157	163	174	168	150	162	120	151	172	140	158	156
156	162	163	174	75	42	35	17	100	210	160	154
180	180	50	14	54	6	10	33	40	106	59	181
204	110	6	154	131	111	120	204	144	11	64	180
154	68	187	251	237	239	239	228	227	87	71	201
172	106	207	230	233	214	220	239	228	84	74	206
188	88	178	209	188	218	211	158	195	75	35	189
148	97	148	94	12	168	124	11	21	61	33	148
164	191	163	168	237	178	143	182	104	94	190	160
205	174	155	252	236	231	149	178	238	42	91	234
186	216	118	160	236	187	65	150	75	36	218	241
160	224	147	166	227	216	127	133	36	106	238	224
186	214	173	66	103	143	91	39	2	106	249	215
187	196	236	76	1	81	47	0	6	217	288	211
182	202	237	145	0	8	12	108	290	139	243	236
186	206	132	207	177	121	120	206	175	12	36	218

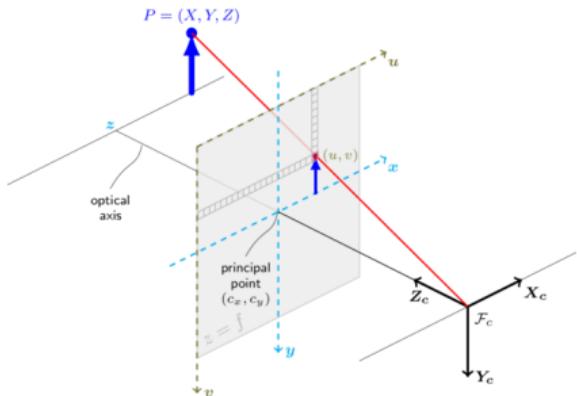
157	163	174	168	150	162	120	151	172	140	158	156
156	162	163	174	75	42	35	17	100	210	160	154
180	180	50	14	54	6	10	33	40	106	59	181
204	110	6	154	131	111	120	204	144	11	64	180
154	68	187	251	237	239	239	228	227	87	71	201
172	106	207	230	233	214	220	239	228	84	74	206
188	88	178	209	188	218	211	158	195	75	35	189
148	97	148	94	12	168	124	11	21	61	33	148
164	191	163	168	237	178	143	182	104	94	190	160
205	174	155	252	236	231	149	178	238	42	91	234
186	216	118	160	236	187	65	150	75	36	218	241
160	224	147	166	227	216	127	133	36	106	238	224
186	214	173	66	103	143	91	39	2	106	249	215
187	196	236	76	1	81	47	0	6	217	288	211
182	202	237	145	0	8	12	108	290	139	243	236
186	206	132	207	177	121	120	206	175	12	36	218



¹Obrázky jsou z: <https://ai.stanford.edu/~syyeung/cvweb/tutorial1.html>

Jak vzniká obraz?

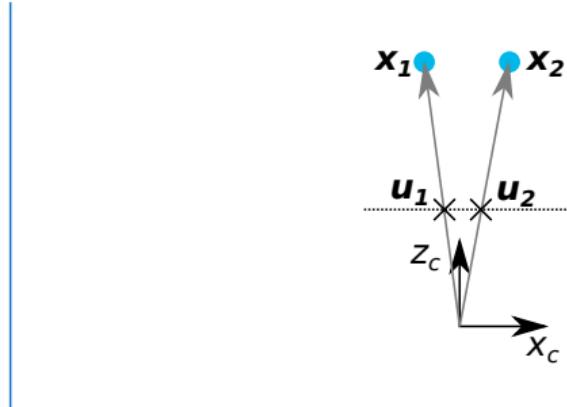
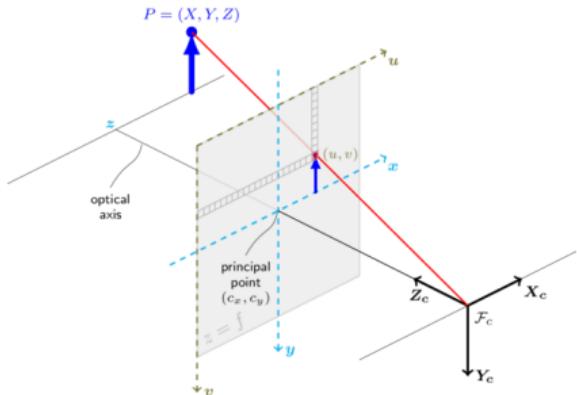
- ▶ Perspektivní kamera
 - ▶ model dírkové kamery/středové promítání²
 - ▶ promítá prostorový bod x_c do obrazového bodu $u = (u \ v)^\top$ protnutím
 - ▶ obrazové roviny a
 - ▶ přímky spojující x_c se středem projekce
 - ▶ všechny body na paprsku se promítají do stejného pixelu



²docs.opencv.org

Jak vzniká obraz?

- ▶ Perspektivní kamera
 - ▶ model dírkové kamery/středové promítání²
 - ▶ promítá prostorový bod x_c do obrazového bodu $u = (u \ v)^\top$ protnutím
 - ▶ obrazové roviny a
 - ▶ přímky spojující x_c se středem projekce
 - ▶ všechny body na paprsku se promítají do stejného pixelu



²docs.opencv.org

Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$



Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$



Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$
- ▶ K je matice kamery
 - ▶
$$K = \begin{pmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$



Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$
- ▶ K je matice kamery
 - ▶ $K = \begin{pmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
 - ▶ Co představuje λ ?



Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$
- ▶ K je matice kamery
 - ▶
$$K = \begin{pmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$
 - ▶ Co představuje λ ?
 - ▶ λ je nenulové reálné číslo
 - ▶ pokud znáte hodnotu λ , můžete vypočítat kartézskou souřadnici $\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$
$$\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$$
 - ▶ v opačném případě lze vypočítat pouze paprsek

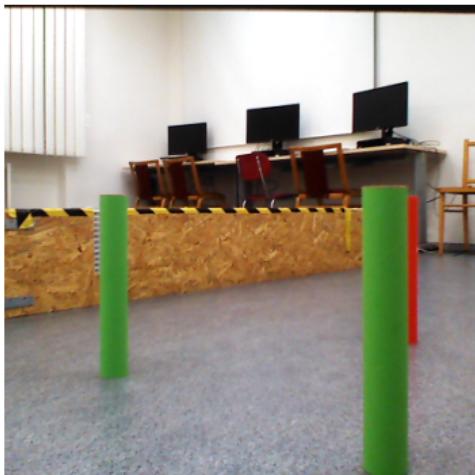


Projekce

- ▶ $\mathbf{u}_H = K\mathbf{x}_c$
 - ▶ \mathbf{u}_H je pixel v homogenních souřadnicích
 - ▶ pokud $\mathbf{u}_H = (u_H \quad v_H \quad w_H)^\top$, pak souřadnice pixelu jsou $(u_H/w_H \quad v_H/w_H)^\top$
 - ▶ alternativně můžeme reprezentovat jako: $\lambda(u, v, 1)^\top = K\mathbf{x}_c$
- ▶ K je matice kamery
 - ▶ $K = \begin{pmatrix} f_x & 0 & c_x \\ 0 & f_y & c_y \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
 - ▶ Co představuje λ ?
 - ▶ λ je nenulové reálné číslo
 - ▶ pokud znáte hodnotu λ , můžete vypočítat kartézskou souřadnici $\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$
$$\mathbf{x} = \lambda K^{-1}\mathbf{u}$$
 - ▶ v opačném případě lze vypočítat pouze paprsek
 - ▶ jak zjistit K z bodů?



Co můžeme studovat na obrázcích?



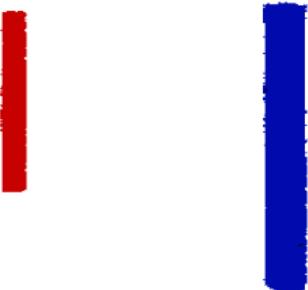
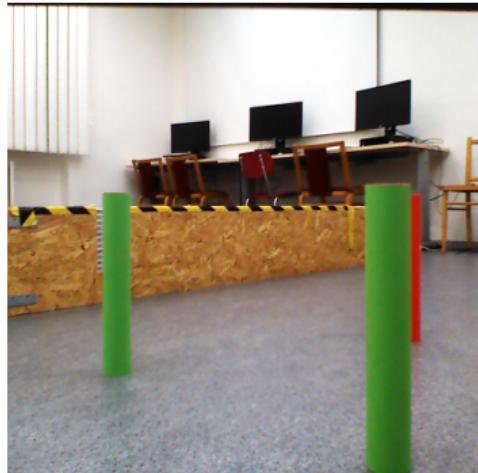
Co můžeme studovat na obrázcích?

- ▶ Segmentační masky (kde jsou objekty zájmu)



Co můžeme studovat na obrázcích?

- ▶ Segmentační masky (kde jsou objekty zájmu)
- ▶ Klasifikace objektů (označování)



Segmentační masky - prahování barev

- ▶ Prahování
 - ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$



Segmentační masky - prahování barev

- ▶ Prahování
 - ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$
 - ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) = \begin{pmatrix} 0 & 255 & 0 \end{pmatrix}^\top$?



Segmentační masky - prahování barev

► Prahování

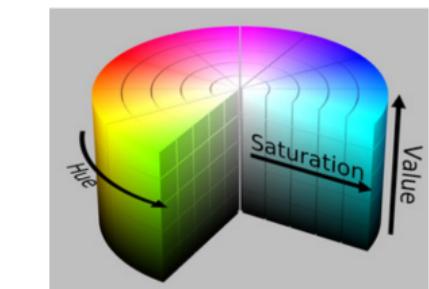
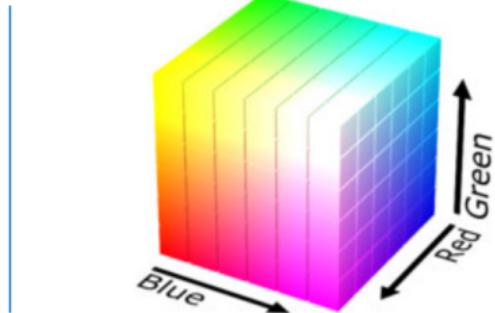
- ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) = \begin{pmatrix} 0 & 255 & 0 \end{pmatrix}^\top$?
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\tau_l < I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) < \tau_u$, pro všechny kanály



Segmentační masky - prahování barev

► Prahování

- ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) = \begin{pmatrix} 0 & 255 & 0 \end{pmatrix}^\top$?
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\tau_l < I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) < \tau_u$, pro všechny kanály
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\varphi_l < I_{\text{HSV}}(\mathbf{u}) < \varphi_u$, pro všechny kanály



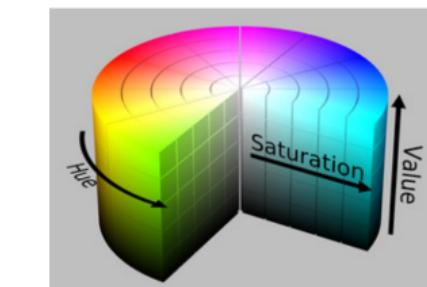
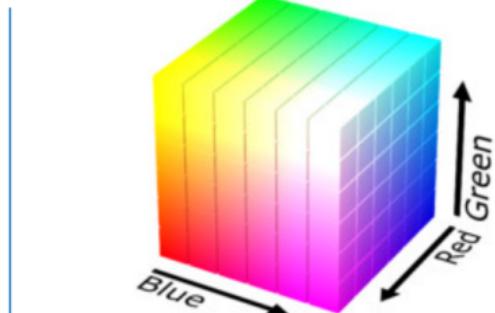
Segmentační masky - prahování barev

► Prahování

- ▶ hodnoty pixelů RGB pro souřadnice \mathbf{u} : $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u})$
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) = (0 \quad 255 \quad 0)^\top$?
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\tau_l < I_{\text{RGB}}(\mathbf{u}) < \tau_u$, pro všechny kanály
- ▶ $M(\mathbf{u}) = 1$, pokud $\varphi_l < I_{\text{HSV}}(\mathbf{u}) < \varphi_u$, pro všechny kanály

► Následné zpracování

- ▶ výpočet spojených komponent
- ▶ odstranit malé nebo deformované segmenty
- ▶ přiřadit označení na základě prahových hodnot



Segmentační masky pro známé 3D objekty

- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)



Segmentační masky pro známé 3D objekty

- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)
- ▶ Trénovací vstupy:
 - ▶ datová sada obrázků, masek a štítků nebo



Segmentační masky pro známé 3D objekty

- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)
- ▶ Trénovací vstupy:
 - ▶ datová sada obrázků, masek a štítků nebo
 - ▶ datová sada známých 3D objektů (mesh)



Segmentační masky pro známé 3D objekty



Segmentační masky pro známé 3D objekty



Segmentační masky pro známé 3D objekty

- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)
- ▶ Trénovací vstupy:
 - ▶ datová sada obrázků, masek a štítků nebo
 - ▶ datová sada známých 3D objektů (mesh)
 - ▶ kvalita závisí na trénovacích datech (augumentace)

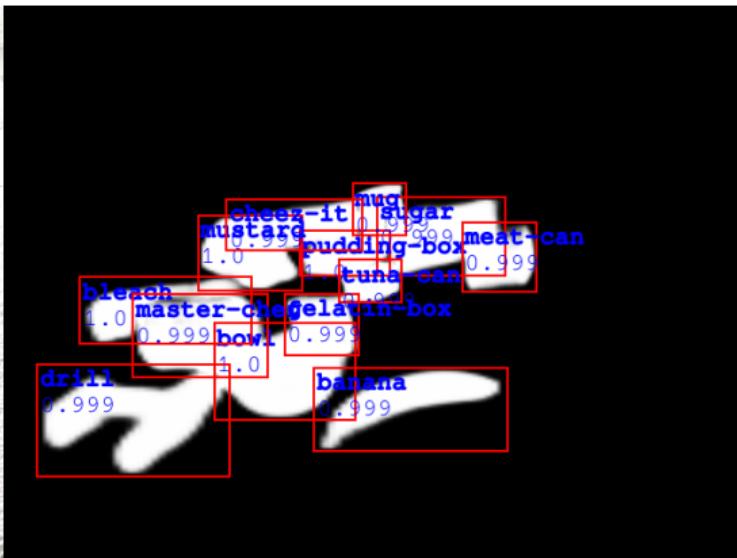
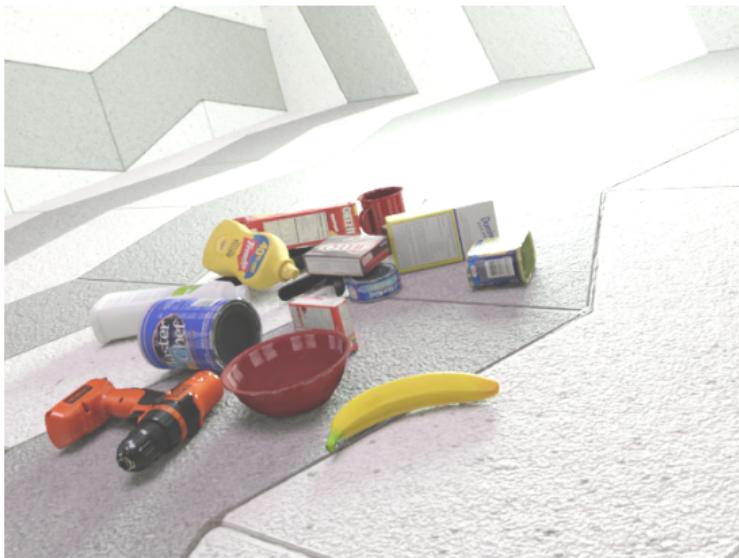


Segmentační masky pro známé 3D objekty

- ▶ Neuronová síť (např. Mask R-CNN)
- ▶ Trénovací vstupy:
 - ▶ datová sada obrázků, masek a štítků nebo
 - ▶ datová sada známých 3D objektů (mesh)
 - ▶ kvalita závisí na trénovacích datech (augmentace)
- ▶ Inference:
 - ▶ Vstup: obrázek
 - ▶ Výstup: segmentační maska, ohraničující rámeček, označení a konfidence



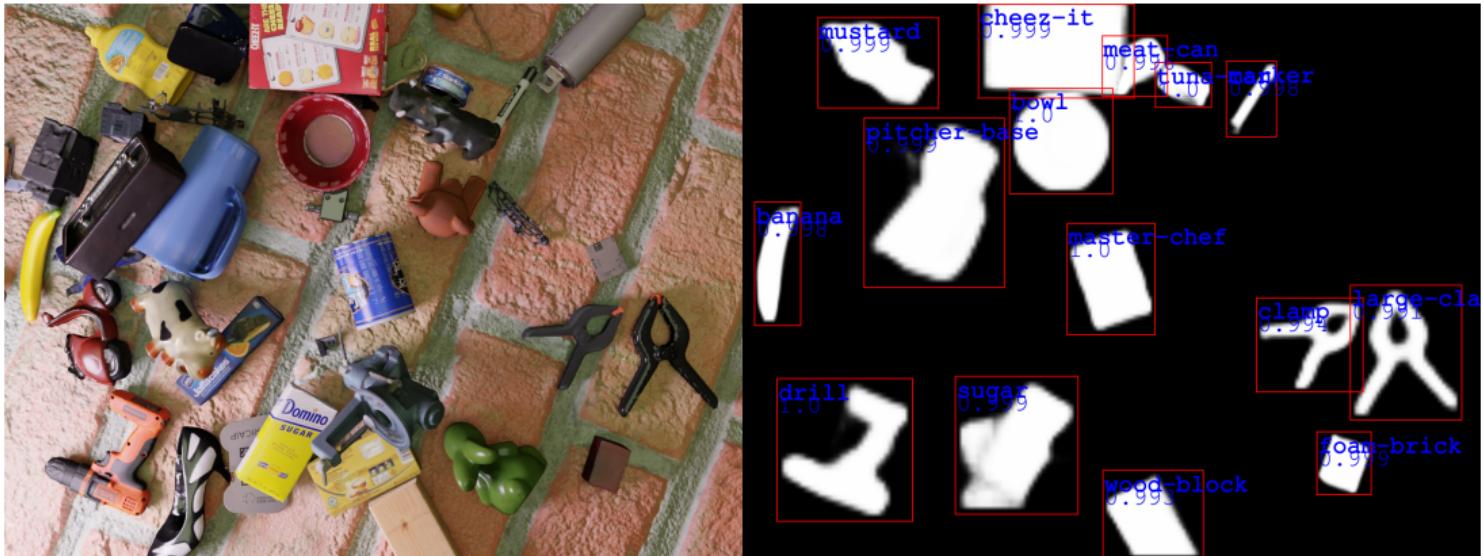
Mask R-CNN výsledky



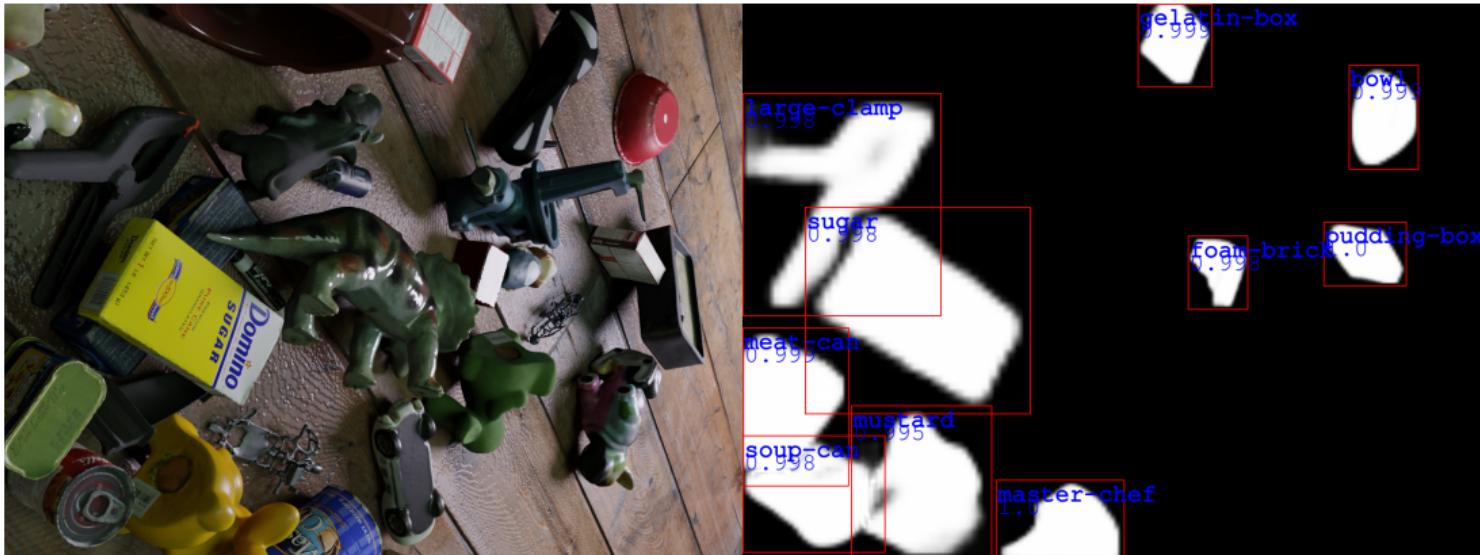
Mask R-CNN výsledky



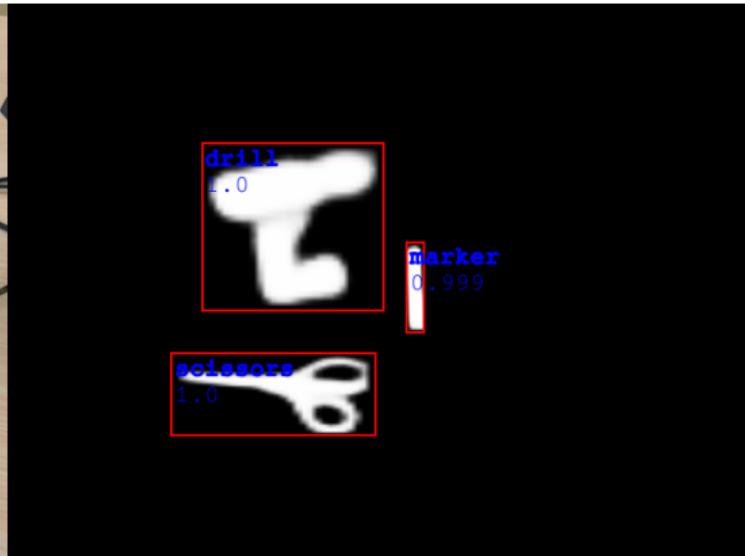
Mask R-CNN výsledky



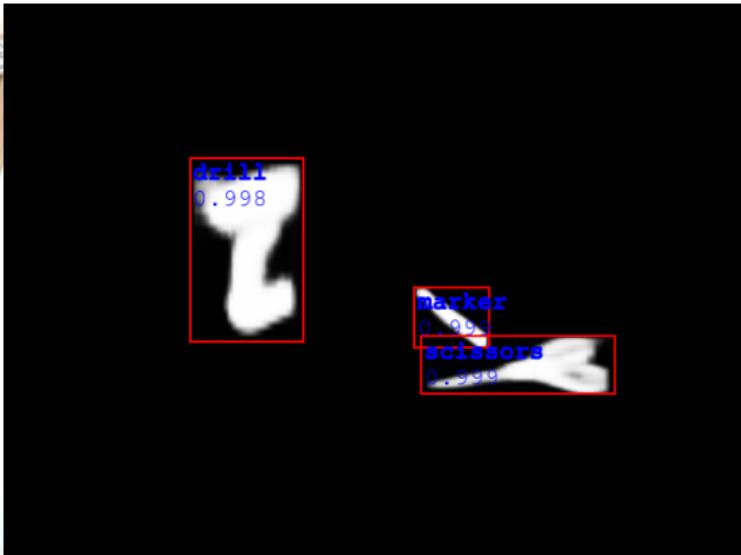
Mask R-CNN výsledky



Mask R-CNN výsledky



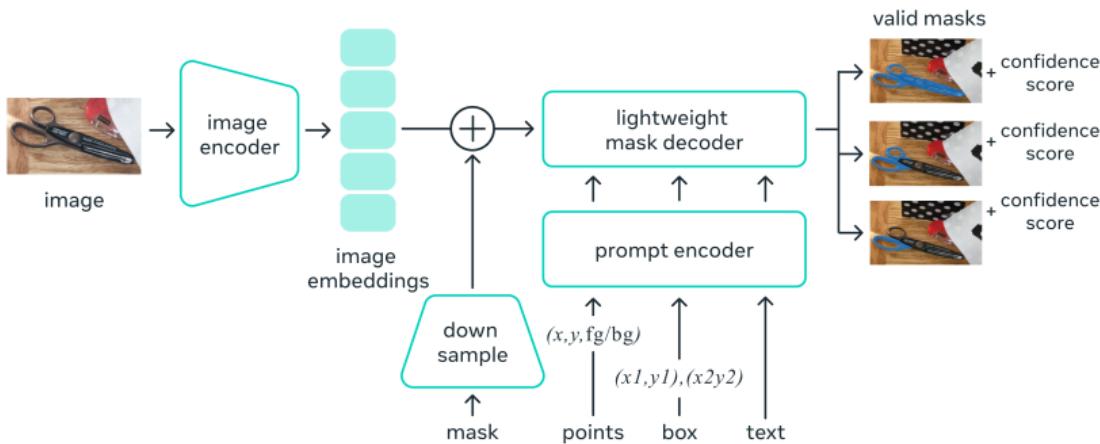
Mask R-CNN výsledky



Segmentační masky bez pretrénovalí

- ▶ Segment Anything Model (SAM)
 - ▶ segmentace libovolného objektu na libovolném snímku jediným kliknutím
 - ▶ datová sada 10 milionů obrázků, 1 miliarda masek

Universal segmentation model



SAM výsledky



SAM výsledky



SAM výsledky



SAM výsledky



SAMv2



Modified with Segment Anything 2 Demo



Segmentace

- ▶ Segmentace nalezne objekty v obraze
 - ▶ segmentační maska
 - ▶ bounding box (ohraničující rámeček)
 - ▶ label (označení)
 - ▶ skóre důvěryhodnosti/konfidence



Segmentace

- ▶ Segmentace nalezne objekty v obraze
 - ▶ segmentační maska
 - ▶ bounding box (ohraničující rámeček)
 - ▶ label (označení)
 - ▶ skóre důvěryhodnosti/konfidence
- ▶ Informace pouze v obrazovém prostoru
- ▶ Jak používat v prostoru robota?



Externí kamera

- ▶ Předpokládáme kameru pevně připevněnou k referenčnímu rámci
 - ▶ pokud známe K a T_{RC} , jak promítnout body x_R do obrazu?



Externí kamera

- ▶ Předpokládáme kameru pevně připevněnou k referenčnímu rámci
 - ▶ pokud známe K a T_{RC} , jak promítnout body x_R do obrazu?
- ▶ Neznámé K a T_{RC} a planární problém
 - ▶ např. kostky se stejnou výškou na stole
 - ▶ jaká je poloha kostky na 2D stole vzhledem k 2D souřadnicím obrazu/pixelů?



Externí kamera

- ▶ Předpokládáme kameru pevně připevněnou k referenčnímu rámci
 - ▶ pokud známe K a T_{RC} , jak promítnout body x_R do obrazu?
- ▶ Neznámé K a T_{RC} a planární problém
 - ▶ např. kostky se stejnou výškou na stole
 - ▶ jaká je poloha kostky na 2D stole vzhledem k 2D souřadnicím obrazu/pixelů?
 - ▶ analyzováno pomocí **homografie**



Homografie

- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)



Homografie

- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)
- ▶ $s \begin{pmatrix} x & y & 1 \end{pmatrix}^\top = H \begin{pmatrix} u & v & 1 \end{pmatrix}^\top$
 - ▶ x, y jsou souřadnice v první rovině
 - ▶ u, v jsou souřadnice ve druhé rovině



Homografie

- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)
- ▶ $s \begin{pmatrix} x & y & 1 \end{pmatrix}^\top = H \begin{pmatrix} u & v & 1 \end{pmatrix}^\top$
 - ▶ x, y jsou souřadnice v první rovině
 - ▶ u, v jsou souřadnice ve druhé rovině
- ▶ 9 prvků, ale pouze 8 DoF, obvykle se přidává omezení $h_{33} = 1$
- ▶ Jak najít H ?



Homografie

- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)
- ▶ $s(x \ y \ 1)^\top = H(u \ v \ 1)^\top$
 - ▶ x, y jsou souřadnice v první rovině
 - ▶ u, v jsou souřadnice ve druhé rovině
- ▶ 9 prvků, ale pouze 8 DoF, obvykle se přidává omezení $h_{33} = 1$
- ▶ Jak najít H ?
 - ▶ $H, _ = cv2.findHomography(U, X)$
 - ▶ U, X jsou $N \times 2$ korespondenční body

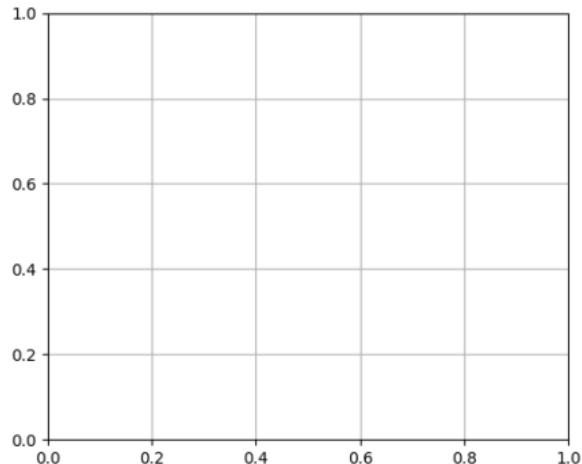
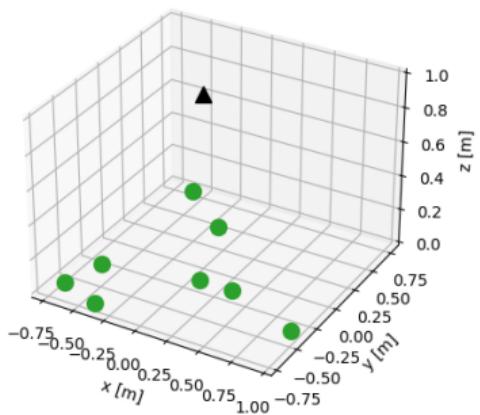


Homografie

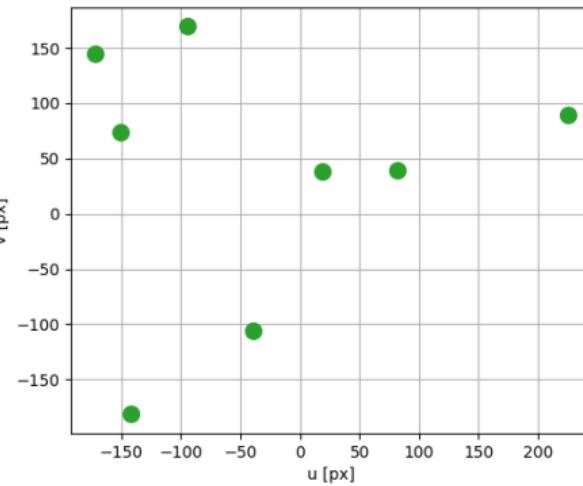
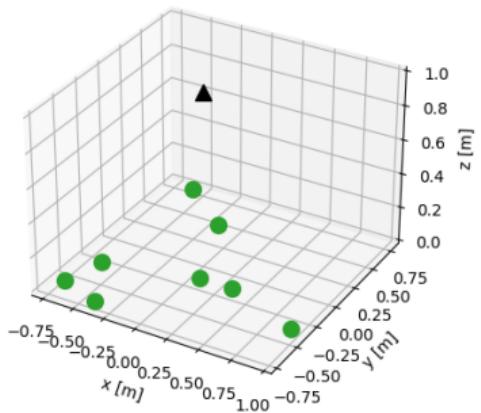
- ▶ Homografická matice H je matice 3×3 , která mapuje body z jedné roviny do druhé
 - ▶ obrazová rovina na stůl
 - ▶ jedna obrazová rovina do jiné obrazové roviny (jiný pohled)
- ▶ $s(x \ y \ 1)^\top = H(u \ v \ 1)^\top$
 - ▶ x, y jsou souřadnice v první rovině
 - ▶ u, v jsou souřadnice ve druhé rovině
- ▶ 9 prvků, ale pouze 8 DoF, obvykle se přidává omezení $h_{33} = 1$
- ▶ Jak najít H ?
 - ▶ $H, _ = cv2.findHomography(U, X)$
 - ▶ U, X jsou $N \times 2$ korespondenční body
 - ▶ např. ručně změříme
 - ▶ poloha středu krychle vůči rohu stolu
 - ▶ pozice středu krychle v obrázku



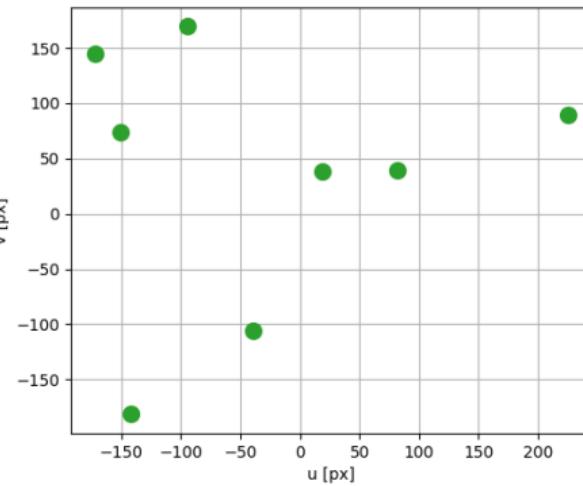
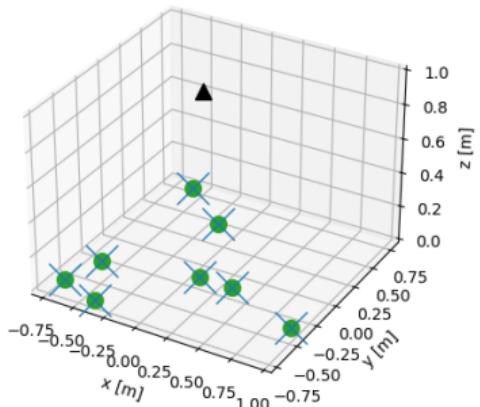
Příklad homografie



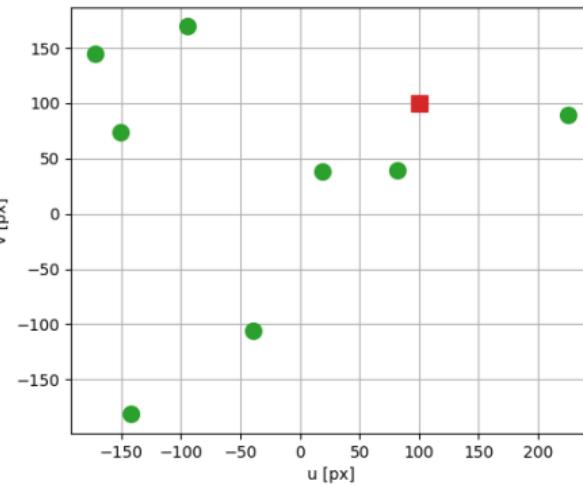
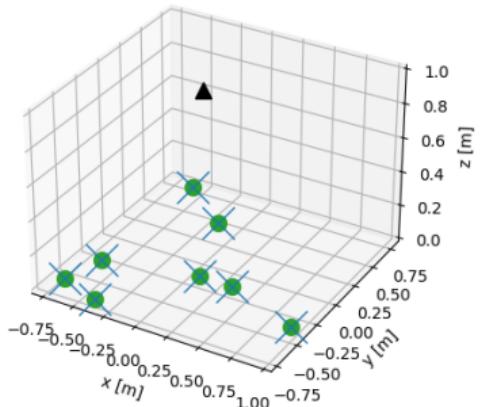
Příklad homografie



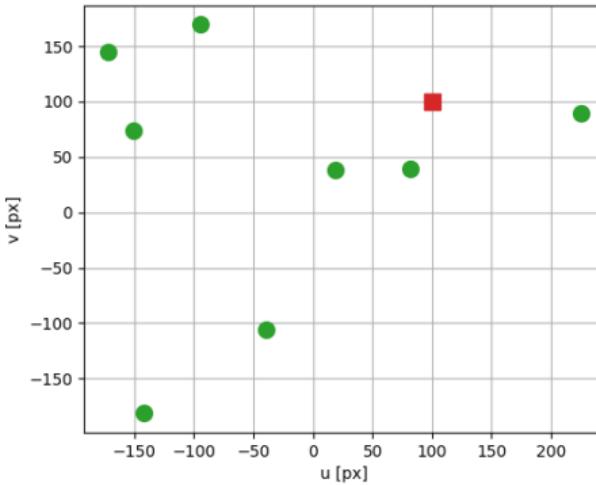
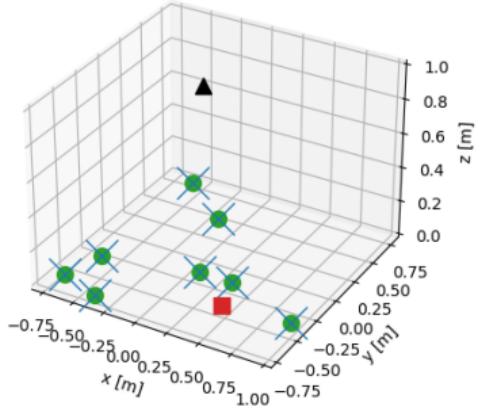
Příklad homografie



Příklad homografie



Příklad homografie



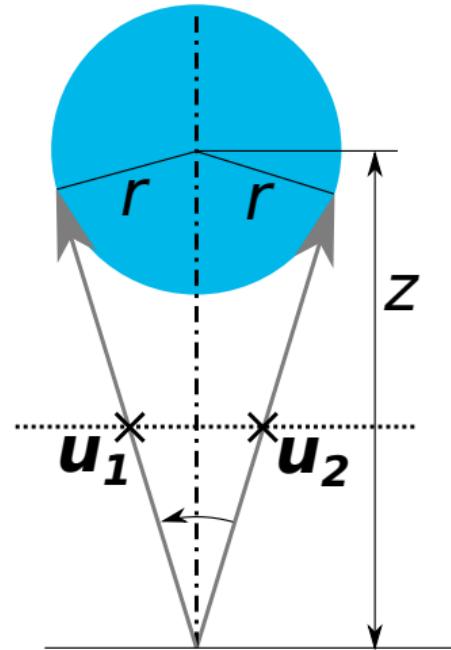
Neplanární odhad polohy/orientace

- ▶ Homografie mapuje pouze rovinu na rovinu
- ▶ Obecnější odhad polohy objektu ve s.s **kamery**
 - ▶ získání hloubky mapováním z plochy v pixelech na hloubku pro objekty pevné velikosti
 - ▶ získání hloubky pomocí dodatečných informací o scéně, např. známá velikost/model objektu
 - ▶ RGBD kamera
 - ▶ dodatečné značky (markery)



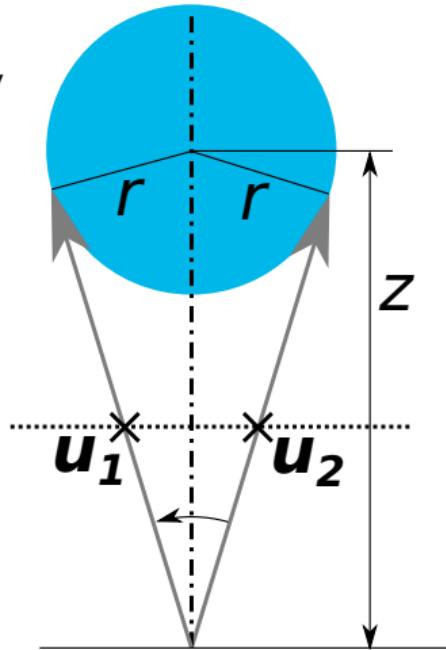
Využití znalostí o velikosti

- ▶ Víme, že poloměr je fixní



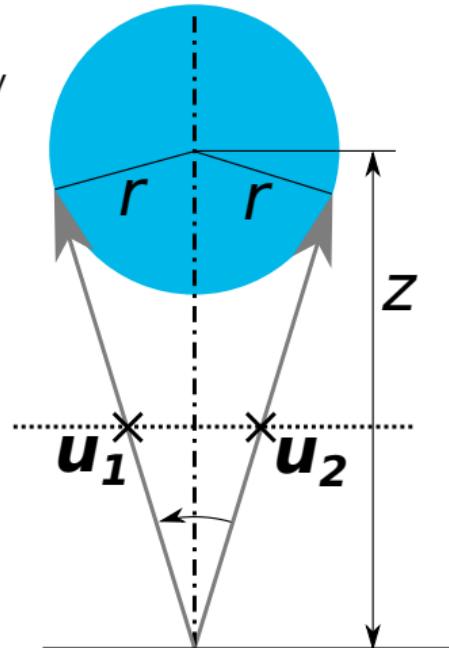
Využití znalostí o velikosti

- ▶ Víme, že poloměr je fixní
- ▶ Z detekovaných pixelů u_1, u_2 , můžeme vypočítat paprsky x_1, x_2 : $\frac{1}{\lambda_i}x_i = K^{-1}u_i$



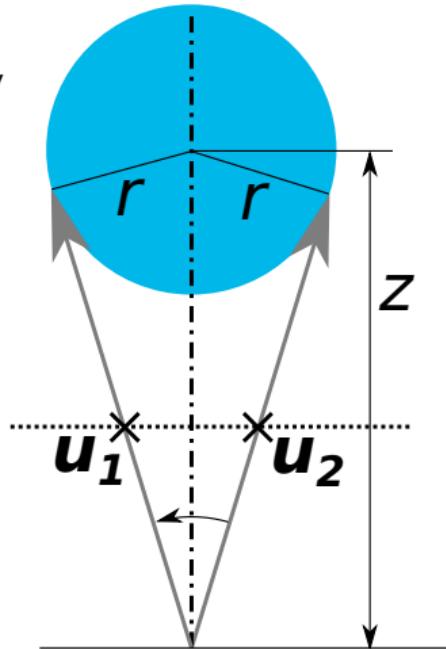
Využití znalostí o velikosti

- ▶ Víme, že poloměr je fixní
- ▶ Z detekovaných pixelů $\mathbf{u}_1, \mathbf{u}_2$, můžeme vypočítat paprsky $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2$: $\frac{1}{\lambda_i} \mathbf{x}_i = K^{-1} \mathbf{u}_i$
- ▶ Úhel mezi vektory: $\cos \alpha = \frac{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2}}{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2}} \frac{\mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{x}_2}{\|\mathbf{x}_1\| \|\mathbf{x}_2\|}$



Využití znalostí o velikosti

- ▶ Víme, že poloměr je fixní
- ▶ Z detekovaných pixelů $\mathbf{u}_1, \mathbf{u}_2$, můžeme vypočítat paprsky $\mathbf{x}_1, \mathbf{x}_2$: $\frac{1}{\lambda_i} \mathbf{x}_i = K^{-1} \mathbf{u}_i$
- ▶ Úhel mezi vektory: $\cos \alpha = \frac{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2}}{\frac{1}{\lambda_1 \lambda_2}} \frac{\mathbf{x}_1 \cdot \mathbf{x}_2}{\|\mathbf{x}_1\| \|\mathbf{x}_2\|}$
- ▶ Hloubka: $z = \frac{r}{\sin(\alpha/2)}$



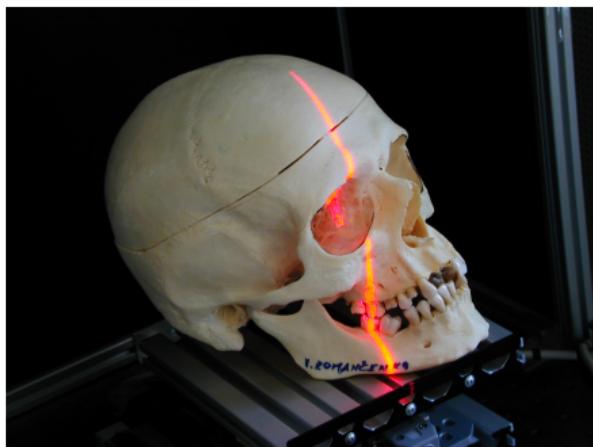
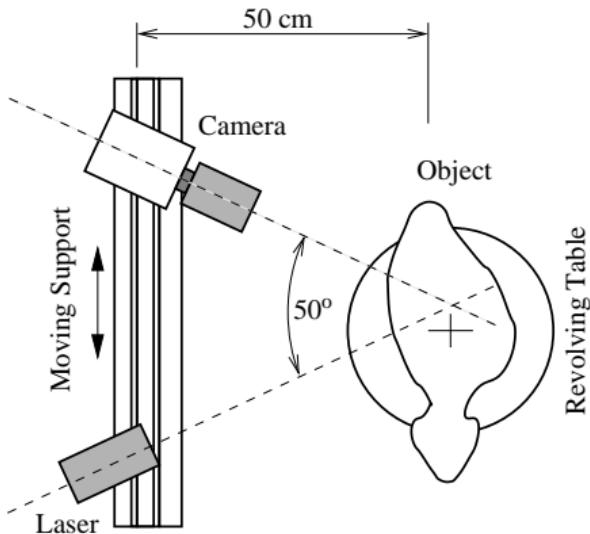
Použití hloubkového senzoru

- ▶ **RGBD** senzory
 - ▶ RGB obrázek ($H \times W \times 3$)
 - ▶ Hloubková mapa ($H \times W \times 1$), vzdálenost v metrech pro každý pixel
 - ▶ Strukturované mračno bodů ($H \times W \times 3$), $(x_c \quad y_c \quad z_c)$ pro každý pixel



Jak funguje hloubkový senzor

- ▶ Laser promítá vzor a kamera ho rozpozná
- ▶ Informace o hloubce se vypočítá pomocí triangulace



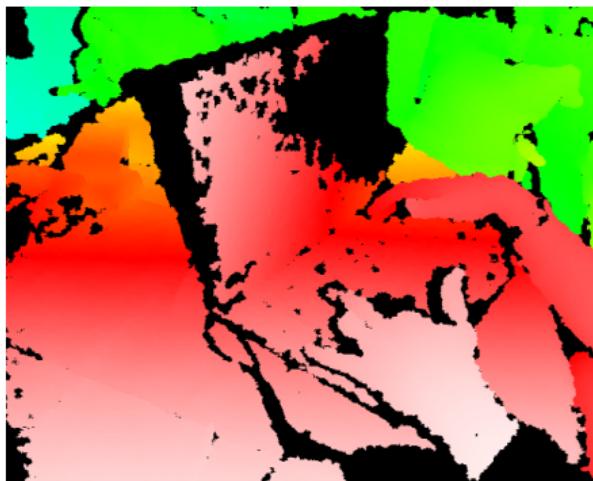
2D hloubkové senzory

- ▶ Na základě strukturovaného světla
- ▶ Projektuje 2D infračervené vzory
- ▶ Jeden projektor a dvě kamery (RGB + IR)



Problémy se snímači hloubky

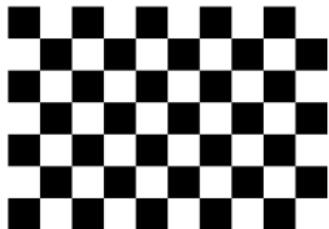
- ▶ Rekonstrukce hloubky není dokonalá (černé oblasti na snímku³)
- ▶ V jazyce python reprezentováno hodnotou NaN
- ▶ Ne každý pixel v RGB má rekonstruovanou hodnotu hloubky
- ▶ Data RGB a hloubky nejsou zarovnána (je třeba je kalibrovat)



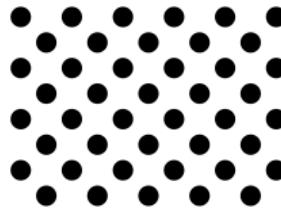
³<https://commons.wikimedia.org>, User:KolossoS

Dodatečné značky

- ▶ Můžeme vypočítat polohu/orientaci obrazců⁴?



© 2014 OpenCV

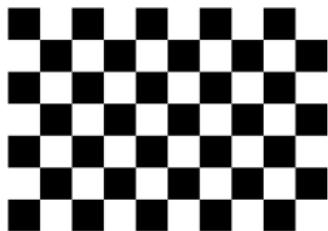


© 2014 OpenCV

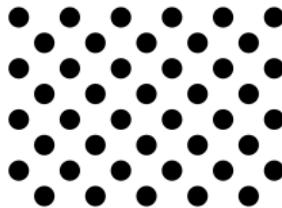
⁴docs.opencv.org

Dodatečné značky

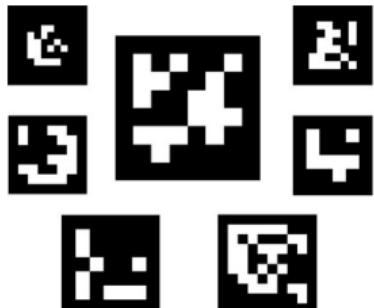
- ▶ Můžeme vypočítat polohu/orientaci obrazců⁴?
 - ▶ je třeba znát velikost a strukturu
 - ▶ subpixelová přesnost
 - ▶ musí být zcela viditelný
- ▶ Můžeme vypočítat polohu značek ArUco?



OpenCV



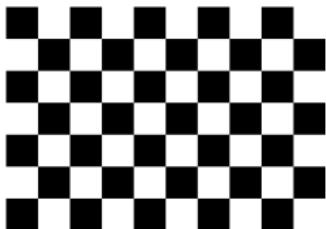
OpenCV



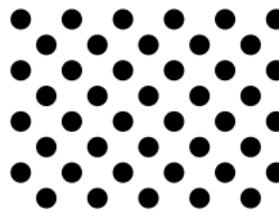
⁴docs.opencv.org

Dodatečné značky

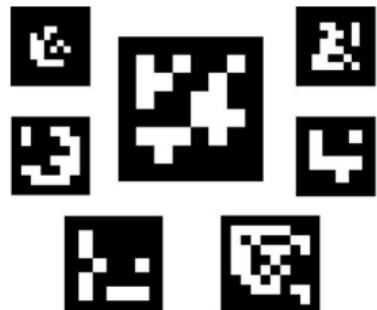
- ▶ Můžeme vypočítat polohu/orientaci obrazců⁴?
 - ▶ je třeba znát velikost a strukturu
 - ▶ subpixelová přesnost
 - ▶ musí být zcela viditelný
- ▶ Můžeme vypočítat polohu značek ArUco?
 - ▶ méně přesné než pravidelné obrazce
 - ▶ poskytuje identifikátor značky a pózu
 - ▶ musí být zcela viditelný



OpenCV logo

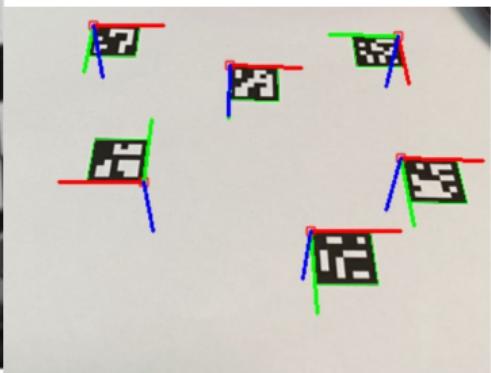
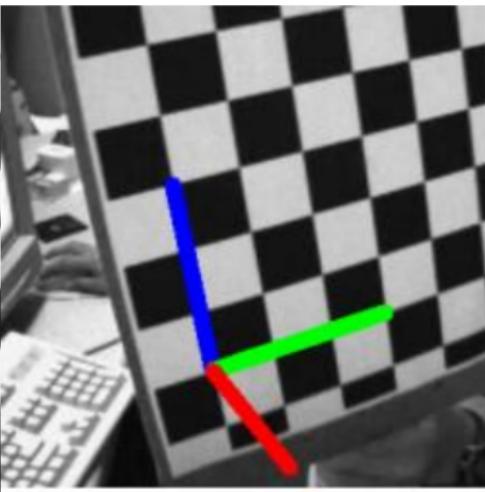
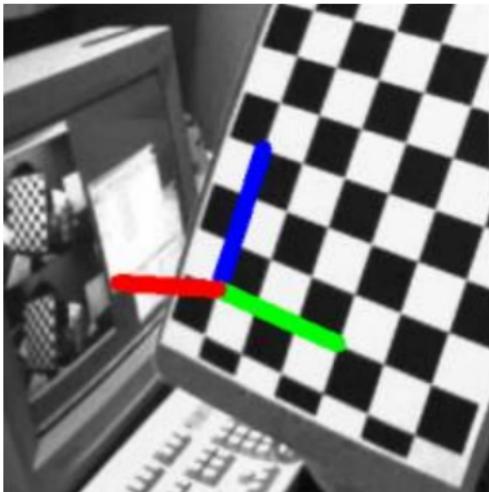


OpenCV logo



⁴docs.opencv.org

Příklad umístění značek

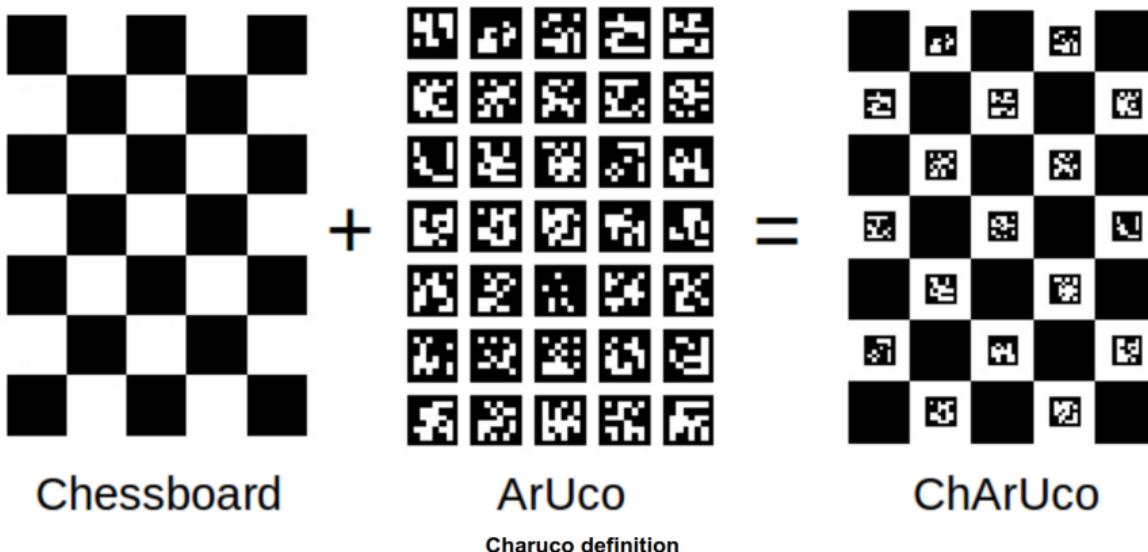


Příklad značek z reálného světa



ChArUco deska pro kalibraci

- ▶ Kombinuje přesnost pravidelného vzoru s detekcí ArUco
- ▶ Detekce dílčích částí / částečná viditelnost



Odhad matice kamery pomocí kalibračních desek

- ▶ Můžeme odhadnout matici kamery z korespondencí v obrazovém a prostorovém prostoru
 - ▶ nasbíráme snímky tabule z různých pohledů
 - ▶ detekujeme desky
 - ▶ vypočítáme korespondence mezi obrazovými body a body s.s. tabule
 - ▶ `_ , K, dist_coeffs, rvecs, tvecs = cv2.calibrateCamera(
 obj_points, img_points, img_shape)`
- ▶ Kromě toho získáme
 - ▶ koeficienty zkreslení, které kompenzují vady objektivu

```
Knew, roi = cv.getOptimalNewCameraMatrix(K, dist_coeffs,  
    img_shape, 1, img_shape)  
img_undistorted = cv.undistort(img, K, dist_coeffs, None, Knew)
```
 - ▶ $SE(3)$ pozice desek v s.s. kamery



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco
- ▶ Kde je robot?



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco
- ▶ Kde je robot?
 - ▶ homografie odhaduje polohy objektů vzhledem k s.s. roviny



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco
- ▶ Kde je robot?
 - ▶ homografie odhaduje polohy objektů vzhledem k s.s. roviny
 - ▶ ostatní metody odhadují polohy v s.s. kamery



Odhad pozice z RGB(D)

- ▶ Metody odhadu polohy
 - ▶ používají předchozí znalosti o úloze, např. objekty s pevnou výškou v rovině
 - ▶ používají předchozí znalosti o objektech (velikost)
 - ▶ používají hloubkový senzor
 - ▶ používají značky ArUco
- ▶ Kde je robot?
 - ▶ homografie odhaduje polohy objektů vzhledem k s.s. roviny
 - ▶ ostatní metody odhadují polohy v s.s. kamery
 - ▶ potřebujeme odhadnout/kalibrovat T_{RC}



Shrnutí

- ▶ Reprezentace obrázku
- ▶ Promítání do/z obrazu
- ▶ Segmentace v obrazovém prostoru
- ▶ Homografie
- ▶ Odhad polohy z obrazu
- ▶ Kalibrace kamery



Cvičení

- ▶ Tento týden žádný nový domácí úkol
- ▶ Odhad homografie v OpenCV
- ▶ Kalibrace kamery v OpenCV



Co dál?

- ▶ Žádná přednáška/cvičení příští týden
- ▶ Za dva týdny začneme s testem
 - ▶ Otázky z prvních tří přednášek
 - ▶ SE2 a SE3 transformace a vlastnosti
 - ▶ Přímá kinematika a DH notace
 - ▶ Jakobián, jeho vlastnosti a použití

